



Exercise-1

चिह्नित प्रश्न दोहराने योग्य प्रश्न है।

भाग - I : विषयात्मक प्रश्न (SUBJECTIVE QUESTIONS)

खण्ड (A) : समुच्चयों का निरूपण, समुच्चयों के प्रकार, उपसमुच्चय तथा घात समुच्चय

- A-1.** निम्न में से कौनसा संग्रह समुच्चय है या नहीं है?
 (i) 2 और 20 के मध्य प्राकृत संख्याओं का संग्रह
 (ii) समीकरण $x^2 - 5x + 6 = 0$ को संतुष्ट करने वाली संख्याओं का संग्रह
 (iii) 1 और 100 के मध्य अभाज्य संख्याओं का संग्रह
 (iv) जालंधर में सभी बुद्धिमान महिलाओं का संग्रह
- A-2.** निम्न समुच्चय को सारणीबद्ध रूप में लिखे—
 (i) $A = \{x : x \text{ एक अभाज्य संख्या } < 10\}$ है (ii) $B = \{x : x = 3\lambda, x \in I, 1 \leq \lambda \leq 3\}$
- A-3.** निम्न समुच्चय को समुच्चय निर्माण विधि के रूप में लिखें—
 (i) सभी परिमेय संख्याओं का समुच्चय (ii) $\{2, 5, 10, 17, 26, 37, \dots\}$
- A-4.** निम्न में से रिक्त/एकल/परिमित/अपरिमित समुच्चय को पहचानिए।
 (i) $\{x : x \text{ एक वास्तविक संख्या है तथा } x^2 - 1 = 0\}$ (ii) $\{x : x \text{ एक वास्तविक संख्या है तथा } x^2 + 1 = 0\}$
 (iii) $\{x : x \text{ एक वास्तविक संख्या है तथा } x^2 - 9 = 0\}$ (iv) $\{x : x \text{ एक वास्तविक संख्या है तथा } x^2 + 2x + 2 \geq 0\}$
- A-5.** समुच्चय $A = \{\phi, \{\phi\}\}$ का घात समुच्चय है—

खण्ड (B) : समुच्चयों की संक्रियायें, बीजगणित के नियम

- B-1.** समुच्चय $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{3, 4\}$, $C = \{4, 5, 6\}$, दिया है तब निम्न को ज्ञात कीजिए।
 (i) $A \cup (B \cap C)$ (ii) $A - (B \cap C)$ (iii) $(B \cup C) - A$
- B-2.** समुच्चय A इस प्रकार है कि $A \cup \{1, 2\} = \{1, 2, 3, 5, 9\}$ तो न्यूनतम समुच्चय A ज्ञात कीजिए—
- B-3.** यदि $aN = \{ax : x \in N\}$ और $bN \cap cN = dN$, जहाँ $b, c \in N, b \geq 2, c \geq 2$ सह अभाज्य है, तब d को b और c के पदों में लिखिए।
- B-4.** समुच्चय A तथा B में अवयवों की संख्या क्रमशः 3 तथा 6 हो, तब (i) $A \cap B$ (ii) $A \cup B$ में न्यूनतम और अधिकतम अवयवों की संख्या हो सकती है।

खण्ड (C) : कार्डिनल संख्या समस्या

- C-1.** माना $n(U) = 700, n(A) = 200, n(B) = 300$ तथा $n(A \cap B) = 100$, तब $n(A' \cap B') =$
- C-2.** एक कॉलेज में छात्रों की संख्या 300 है, प्रत्येक छात्र 5 अखबार पढ़ता है तथा प्रत्येक अखबार को 60 छात्रों द्वारा पढ़ा जाता है। तब अखबारों की संख्या ज्ञात कीजिए।
- C-3.** यदि किसी शहर के 10,000 परिवारों में से 40% परिवार समाचार पत्र A, 20% परिवार समाचार पत्र B, 10% परिवार समाचार पत्र C तथा 5% परिवार A और B, 3% परिवार B और C तथा 4% परिवार A और C को खरीदते हैं व 2% परिवार सभी तीन समाचार पत्र खरीदते हैं, तो उन परिवारों की संख्या क्या होगी जो केवल समाचार पत्र A खरीदते हैं—



C-4. एक सर्वे यह पाया जाता है कि 21 व्यक्ति उत्पाद A को, 26 व्यक्ति उत्पाद B को और 29 व्यक्ति उत्पाद C को पसंद करते हैं। यदि 14 व्यक्ति उत्पाद A और B को पसंद करते हैं, 12 व्यक्ति उत्पाद C और A को पसंद करते हैं, 13 व्यक्ति उत्पाद B और C को, 8 व्यक्ति सभी तीनों उत्पादों को पसंद करते हैं तब निम्न में से कौनसा सही है ?

- (i) व्यक्तियों की संख्या जो कम से कम एक उत्पाद पसंद करते हैं
(ii) व्यक्तियों की संख्या जो उत्पाद A और B को पसंद करते हैं परन्तु C को नहीं

खण्ड (D) : परिमेय असमिकाएँ

D-1. परिमेय असमिकाओं को हल कीजिए -

$$(i) \frac{(x-1)(x+2)}{(x-3)(x+3)} < 0 \quad (ii) \frac{(1-x)^3(x+2)^4}{(x+9)^2(x-8)} \geq 0 \quad (iii) \frac{x^2+4x+4}{2x^2-x-1} > 0$$

$$(iv) \frac{(2-x^2)(x-3)^3}{(x+1)(x^2-3x-4)} \geq 0 \quad (v) \frac{(x+2)(x^2-2x+1)}{4+3x-x^2} \geq 0$$

D-2. निम्न असमिकाओं को हल कीजिए।

$$(i) \frac{7x-5}{8x+3} > 4 \quad (ii) \frac{14x}{x+1} < \frac{9x-30}{x-4} \quad (iii) \frac{(x-1)(x-2)(x-3)}{(x+1)(x+2)(x+3)} \leq 1$$

$$(iv) \frac{x^2+2}{x^2-1} < -2$$

D-3. परिमेय असमिकाओं को हल कीजिए -

$$(i) \frac{(x^2-3x+1)^3}{(x-1)(x+2)} \leq 0 \quad (ii) \frac{2x^2-3x-459}{x^2+1} > 1 \quad (iii) \frac{x^2-5x+12}{x^2-4x+5} > 3$$

$$(iv) \frac{x^4+x^2+1}{x^2-4x-5} > 0$$

D-4. परिमेय असमिकाओं को हल कीजिए -

$$(i) x^4 - 5x^2 + 4 \leq 0 \quad (ii) x^4 - 2x^2 - 63 \leq 0 \quad (iii) (x^2+3x+1)(x^2+3x-3) \geq 5$$

D-5. यदि $1 < \frac{x-1}{x+2} < 7$ तब निम्न के परिसर ज्ञात कीजिए -

$$(i) x \quad (ii) x^2 \quad (iii) \frac{1}{x}$$

D-6. असमिका $\frac{(3^x-5^x)(x-2)}{(x^2+5x+2)} \geq 0$ को संतुष्ट करने वाले x के धनात्मक पूर्णांक मानों की संख्या है -

खण्ड (E) : लघुगणकीय गुणधर्म

E-1. मान ज्ञात कीजिए

$$(i) \log_{10} 5 \cdot \log_{10} 20 + (\log_{10} 2)^2 \quad (ii) 5^{\log_{\sqrt{5}} 2} + 9^{\log_3 7} - 8^{\log_2 5} \quad (iii) \sqrt[3]{5^{\frac{1}{\log_7 5}} + \frac{1}{(-\log_{10} 0.1)}}$$

$$(iv) \log_{0.75} \log_2 \sqrt{\sqrt{\frac{1}{0.125}}} \quad (v) \left(\frac{1}{49}\right)^{1+\log_7 2} + 5^{-\log_{1/5} 7} \quad (vi) 7^{\log_3 5} + 3^{\log_5 7} - 5^{\log_3 7} - 7^{\log_5 3}$$

E-2. निम्न में से कौनसी संख्या धनात्मक है और कौनसी ऋणात्मक है?

$$(i) \log_{\sqrt{3}} \sqrt{2} \quad (ii) \log_{1/7} (2) \quad (iii) \log_{1/3} (1/5) \quad (iv) \log_3 (4)$$

$$(v) \log_7 (2.11) \quad (vi) \log_3 (\sqrt{7}-2) \quad (vii) \log_4 \left(\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1}\right) \quad (viii) \log_3 \left(\frac{2 \cdot \sqrt[3]{3}}{3}\right)$$

$$(ix) \log_{10} (\log_{10} 9)$$



E-3. माना $\log_{10} 2 = a$ तथा $\log_{10} 3 = b$ तब निम्न लघुगणक का मान a व b के पदों में ज्ञात कीजिए।

(i) $\log_{10} \left(\sin^2 \frac{\pi}{3} \right)$ (ii) $\log_{100} 4 + 2 \log_{100} 27$ (iii) $\log_2 9 + \log_3 8$ (iv) $\log_{\sqrt{45}} 144$

E-4. (i) माना $n = 75600$ तब $\frac{4}{\log_2 n} + \frac{3}{\log_3 n} + \frac{2}{\log_5 n} + \frac{1}{\log_7 n}$ ज्ञात कीजिए।

(ii) यदि $\log_2 (\log_3 (\log_4 (x))) = 0$ और $\log_3 (\log_4 (\log_2 (y))) = 0$ और $\log_4 (\log_2 (\log_3 (z))) = 0$ तब x, y तथा z के योगफल को ज्ञात कीजिए।

(iii) माना कि $n, 1$ से बड़ा पूर्णांक है। माना $a_n = \frac{1}{\log_n 2002}$ और $b = a_2 + a_3 + a_4 + a_5$ तथा

$c = a_{10} + a_{11} + a_{12} + a_{13} + a_{14}$ तब $(b - c)$ का मान ज्ञात कीजिए।

E-5. दर्शाइये कि संख्या $\log_2 7$ अपरिमेय है।

E-6. यदि $\frac{\log a}{b-c} = \frac{\log b}{c-a} = \frac{\log c}{a-b}$ हो, तो प्रदर्शित कीजिए कि $a^a \cdot b^b \cdot c^c = 1$.

खण्ड (F) : लघुगणकीय समीकरण

F-1. समीकरणों को हल कीजिए

(i) $\log_x (4x - 3) = 2$

(ii) $\log_2 (\log_3 (x^2 - 1)) = 0$

(iii) $4^{\log_2 x} - 2x - 3 = 0$

(iv) $\log_4 (\log_2 x) + \log_2 (\log_4 x) = 2$

(v) $\log_3 \left(\log_9 x + \frac{1}{2} + 9^x \right) = 2x$

(vi) $2 \log_4 (4 - x) = 4 - \log_2 (-2 - x)$

(vii) $x^{(\log_{\sqrt{x}} 2x)} = 4$

(viii) $x^{0.5 \log_{\sqrt{x}} (x^2 - x)} = 3^{\log_9 4}$

F-2. (i) समीकरण $(\log_3 x)^2 - 2(\log_3 x) - 5 = 0$ के मूलों का गुणनफल ज्ञात कीजिए।

(ii) समीकरण $4^x - 7 \cdot 2^x + 6 = 0$ के मूलों का योग ज्ञात कीजिए।

(iii) x के लिए हल कीजिए $x^{\log_{10} x + 2} = 10^{\log_{10} x + 2}$

(iv) समीकरण $x^{\frac{\log_{10} x + 5}{3}} = 10^{5 + \log_{10} x}$ को हल कीजिए।

खण्ड (G) : लघुगणकीय असमिकाएँ

G-1. निम्न असमिकाओं को हल कीजिए।

(i) $\log_5 \left(2x^2 - x - \frac{3}{8} \right) \geq 1$

(ii) $\log_{\frac{1}{2}} (x^2 - 5x + 6) > -1$

(iii) $\log_7 \frac{2x-6}{2x-1} > 0$

(iv) $\log_{1/4} (2-x) > \log_{1/4} \left(\frac{2}{x+1} \right)$

(v) $\log_{1/3} (2^{x+2} - 4^x) \geq -2$

G-2. असमिका $\log_{1/5} \frac{4x+6}{x} \geq 0$ को सन्तुष्ट करने वाले पूर्णाकों की संख्या ज्ञात कीजिए।

G-3 असमिकाओं को हल कीजिए

(i) $(\log_5 x)^2 + \log_5 x - 2 \leq 0$

(ii) $15^x - 25 \cdot 3^x - 9 \cdot 5^x + 225 \geq 0$

(iii) $8 \cdot \left(\frac{3^{x-2}}{3^x - 2^x} \right) > 1 + \left(\frac{2}{3} \right)^x$



G-4. निम्नलिखित असमिकाओं को हल कीजिए -

(i) $\log_x(4x - 3) \geq 2$

(ii) $\log_{(3x^2+1)} 2 < \frac{1}{2}$

(iii) $\log_x(2+x) < 1$

भाग - II : केवल एक सही विकल्प प्रकार (ONLY ONE OPTION CORRECT TYPE)

खण्ड (A) : समुच्चयों का निरूपण, समुच्चयों के प्रकार, उपसमुच्चय तथा घात समुच्चय

A-1. एक कक्षा के बुद्धिमान छात्रों का समुच्चय है -

- (A) रिक्त समुच्चय (B) एकल समुच्चय (C) परिमित समुच्चय (D) एक सुपरिभाषित संग्रह नहीं है।

A-2. समुच्चय $A = \{x : x \in \mathbb{R}, x^2 = 16 \text{ तथा } 2x = 6\}$ है-

- (A) रिक्त समुच्चय (B) एकल समुच्चय (C) अपरिमित समुच्चय (D) एक सुपरिभाषित संग्रह नहीं है।

A-3. यदि समुच्चय $A = \{x : -3 < x < 3, x \in \mathbb{Z}\}$ है तब A के उपसमुच्चयों की संख्या होगी -

- (A) 120 (B) 30 (C) 31 (D) 32

A-4. निम्न में से कौनसा सत्य है ?

- (A) $[3, 7] \subset (2, 10)$ (B) $(0, \infty) \subset (4, \infty)$ (C) $(5, 7] \subset [5, 7)$ (D) $[2, 7] \subset (2.9, 8)$

A-5. समुच्चय $A = \{7, 10, 11\}$ के घात समुच्चय के उपसमुच्चयों की संख्या है-

- (A) 32 (B) 16 (C) 64 (D) 256

A-6. निम्न में से कौनसा समुच्चय अपरिमित समुच्चय है ?

- (A) 24 के भाजकों का समुच्चय (B) 1 से 2 के मध्य सभी वास्तविक संख्याओं का समुच्चय
(C) भारत में रहने वाले सभी मनुष्यों का समुच्चय (D) तीन अंक की सभी प्राकृत संख्याओं का समुच्चय

खण्ड (B) : समुच्चयों की संक्रियायें, बीजगणित के नियम

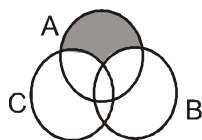
B-1. माना $A = \{x : x \in \mathbb{R}, -1 < x < 1\}$, $B = \{x : x \in \mathbb{R}, x \leq 0 \text{ या } x \geq 2\}$ तथा $A \cup B = R - D$, तब समुच्चय D है-

- (A) $\{x : 1 < x \leq 2\}$ (B) $\{x : 1 \leq x < 2\}$ (C) $\{x : 1 \leq x \leq 2\}$ (D) $\{x : 1 < x < 2\}$

B-2. यदि $A = \{2, 3, 4, 8, 10\}$, $B = \{3, 4, 5, 10, 12\}$, $C = \{4, 5, 6, 12, 14\}$ तब $(A \cap B) \cup (A \cap C)$ बराबर है-

- (A) $\{3, 4, 10\}$ (B) $\{2, 8, 10\}$ (C) $\{4, 5, 6\}$ (D) $\{3, 5, 14\}$

B-3. दिये गये चित्र में छायांकित भाग दर्शाता है -



- (A) $A \cap (B \cup C)$ (B) $A \cup (B \cap C)$ (C) $A \cap (B - C)$ (D) $A - (B \cup C)$

B-4. माना $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, $A = \{1, 2, 5\}$, $B = \{6, 7\}$, तब $A \cap B'$ है-

- (A) B' (B) A (C) A' (D) B

B-5. यदि $A = \{x : x = 4n + 1, n \leq 5, n \in \mathbb{N}\}$ तथा $B = \{3n : n \leq 8, n \in \mathbb{N}\}$, तब $A - (A - B)$ बराबर है :

- (A) $\{9, 21\}$ (B) $\{9, 12\}$ (C) $\{6, 12\}$ (D) $\{6, 21\}$

B-6. $A \cup B = A \cap B$ यदि और केवल यदि

- (A) $A \subset B$ (B) $A = B$ (C) $A \supset B$ (D) $A \not\subset B$

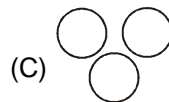
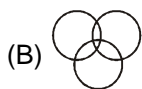
B-7. माना कि कथन :

- R के किसी उपसमुच्चय B के लिए $N \cup (B \cap Z) = (N \cup B) \cap Z$ जहाँ N धनात्मक पूर्णाकों का समुच्चय है और Z पूर्णाकों का समुच्चय है, R वास्तविक संख्याओं का समुच्चय है।
- माना $A = \{n \in \mathbb{N} : 1 \leq n \leq 24, n, 3 \text{ का गुणज है}\}$ N का इस प्रकार का कोई उपसमुच्चय B नहीं है जिसमें A में अवयवों की संख्या, B में अवयवों की संख्या के बराबर है।
तब निम्न में से कौनसा कथन सही है?

- (A) केवल 1 (B) केवल 2 (C) 1 और 2 दोनों (D) न तो 1 और न ही 2



B-8. निम्न में कौनसा वेन-आरेख समुच्चय महिलाएं, माताएं, चिकित्सकों के लिए सबसे अधिक उपयुक्त है-



खण्ड (C) : कार्डिनल संख्या समस्या

C-1. माना A और B दो समुच्चय हैं, तब

(A) $n(A \cup B) \leq n(A \cap B)$ (B) $n(A \cap B) \leq n(A \cup B)$ (C) $n(A \cap B) = n(A \cup B)$ (D) कुछ कहा नहीं जा सकता

C-2. किसी नगर की जनसंख्या के 20% कार से यात्रा करते हैं, 50% बस से तथा 10% कार और बस दोनों से यात्रा करते हैं, तो कार अथवा बस से यात्रा करने वाले व्यक्तियों की संख्या होगी-

(A) 80% (B) 40% (C) 60% (D) 70%

C-3. एक कक्षा में 175 विद्यार्थी हैं। निम्न आँकड़े यह प्रदर्शित करते हैं कि कितने विद्यार्थी एक या एक से अधिक विषय का चयन करते हैं : गणित 100, भौतिकी 70, रसायन 40, गणित और भौतिक 30, गणित और रसायन 28, भौतिक और रसायन 23, गणित और भौतिक और रसायन 18, तब कितने विद्यार्थियों के पास केवल गणित विषय है-

(A) 35 (B) 48 (C) 60 (D) 22

C-4. एक परीक्षा में 31 विद्यार्थी बैठते हैं जिनमें 15 विद्यार्थी अंग्रेजी में, 15 विद्यार्थी हिन्दी में, 20 विद्यार्थी संस्कृत में, 3 विद्यार्थी केवल अंग्रेजी में पास होते हैं, 4 विद्यार्थी केवल हिन्दी में पास होते हैं, 7 विद्यार्थी केवल संस्कृत में पास होते हैं और 2 विद्यार्थी सभी तीन विषयों में पास हो जाते हैं तब केवल दो विषय कितने विद्यार्थी पास होते हैं?

(A) 17 (B) 15 (C) 22 (D) 14

खण्ड (D) : परिमेय असमिकाएँ

D-1. असमिका $\frac{x^4 - 3x^3 + 2x^2}{x^2 - x - 30} \geq 0$ के सम्पूर्ण हलों का समुच्चय है -

(A) $(-\infty, -5) \cup (1, 2) \cup (6, \infty) \cup \{0\}$ (B) $(-\infty, -5) \cup [1, 2] \cup (6, \infty) \cup \{0\}$
(C) $(-\infty, -5] \cup [1, 2] \cup [6, \infty) \cup \{0\}$ (D) $(-\infty, -5] \cup [1, 2] \cup [6, \infty)$

D-2. असमिका $\frac{(x-4)^{2017} \cdot (x+8)^{2016} \cdot (x+1)}{x^{2016} \cdot (x-2)^3 \cdot (x+3)^5 \cdot (x-6) \cdot (x+9)^{2018}} \leq 0$ को संतुष्ट करने वाले x के धनात्मक पूर्णांक मानों की संख्या है-

(A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3

D-3. असमिका $\frac{x^2 - 1}{2x + 5} < 3$ को सन्तुष्ट करने वाले अभाज्य संख्याओं की संख्या है-

(A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

D-4. $\frac{x^2 - 1}{x + 3} \geq 0$ और $x^2 - 5x + 2 \leq 0$ का सम्पूर्ण हल है-

(A) $x \in \left[\frac{5 - \sqrt{17}}{2}, \frac{5 + \sqrt{17}}{2} \right]$ (B) $x \in \left[1, \frac{5 + \sqrt{17}}{2} \right]$
(C) $x \in (-3, -1]$ (D) $x \in (-3, -1] \cup [1, \infty)$

D-5. असमिका $2x - 1 \leq x^2 + 3 \leq x - 1$ का हल है-

(A) $x \in \mathbb{R}$ (B) $[-2, 2]$ (C) $(-2, 2)$ (D) $x \in \phi$

D-6. $x^2 + 9 < (x + 3)^2 < 8x + 25$ के पूर्णांक हलों की संख्या है-

(A) 1 (B) 3 (C) 4 (D) 5



- D-7. असमिका $\frac{2}{x^2 - x + 1} - \frac{1}{x + 1} - \frac{2x - 1}{x^3 + 1} \geq 0$ को सन्तुष्ट करने वाले x के अन्तर्गतात्मक पूर्णांक मानों की संख्या है
 (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3

खण्ड (E) : लघुगणकीय गुणधर्म

- E-1. यदि $a^4 \cdot b^5 = 1$ है, तो $\log_a(a^5 b^4)$ का मान बराबर है—
 (A) 9/5 (B) 4 (C) 5 (D) 8/5
- E-2. $\frac{1}{1 + \log_b a + \log_b c} + \frac{1}{1 + \log_c a + \log_c b} + \frac{1}{1 + \log_a b + \log_a c}$ का मान है —
 (A) abc (B) $\frac{1}{abc}$ (C) 0 (D) 1
- E-3. $\frac{1}{\log_{\sqrt{bc}} abc} + \frac{1}{\log_{\sqrt{ca}} abc} + \frac{1}{\log_{\sqrt{ab}} abc}$ का मान है —
 (A) 1/2 (B) 1 (C) 2 (D) 4
- E-4. $(\log_2 10) \cdot (\log_2 80) - (\log_2 5) \cdot (\log_2 160)$ का मान है —
 (A) $\log_2 5$ (B) $\log_2 20$ (C) $\log_2 10$ (D) $\log_2 16$
- E-5. अनुपात $\frac{2^{\log_{2^{1/4}} a} - 3^{\log_{27}(a^2 + 1)^3} - 2a}{7^{4 \log_{49} a} - a - 1}$ के सरलीकरण से प्राप्त होता है —
 (A) $a^2 - a - 1$ (B) $a^2 + a - 1$ (C) $a^2 - a + 1$ (D) $a^2 + a + 1$
- E-6. यदि $\log_a(ab) = x$ तब $\log_b(ab)$ बराबर है
 (A) $\frac{1}{x}$ (B) $\frac{x}{1+x}$ (C) $\frac{x}{1-x}$ (D) $\frac{x}{x-1}$
- E-7. $10^{\log_p(\log_q(\log_r x))} = 1$ तथा $\log_q(\log_r(\log_p x)) = 0$ तब 'p' बराबर है
 (A) $r^{q/r}$ (B) rq (C) 1 (D) $r^{r/q}$
- E-8. निम्न में से कौनसा सबसे छोटा है ?
 (A) $\log_{10} \pi$ (B) $\sqrt{\log_{10} \pi^2}$ (C) $\left(\frac{1}{\log_{10} \pi}\right)^3$ (D) $\left(\frac{1}{\log_{10} \sqrt{\pi}}\right)$
- E-9. $\log_{10}(\log_2 3) + \log_{10}(\log_3 4) + \log_{10}(\log_4 5) + \dots + \log_{10}(\log_{1023} 1024)$ सरल करने पर
 (A) एक संयुक्त संख्या (B) एक अभाज्य संख्या
 (C) परिमेय जो कि पूर्णांक नहीं है। (D) एक पूर्णांक

खण्ड (F) : लघुगणकीय समीकरण

- F-1. समीकरण $2 \log_{10} x - \log_{10}(2x - 75) = 2$ के सभी हलों का योगफल है।
 (A) 30 (B) 350 (C) 75 (D) 200
- F-2. यदि समीकरण $\log_x(125x) \cdot \log_{25}^2 x = 1$ के हल α और β है ($\alpha < \beta$). तब $1/\alpha\beta$ का मान है :
 (A) 5 (B) 25 (C) 125 (D) 625
- F-3. समीकरण $\log_x \sqrt{5} + \log_x 5x = \frac{9}{4} + \log_x^2 \sqrt{5}$ के धनात्मक पूर्णांक हल है—
 (A) संयुक्त संख्या (B) अभाज्य संख्या (C) सम संख्या (D) 3 से विभाजित



F-4. व्यंजक $\log_p \sqrt[n]{\sqrt[p]{\sqrt[p]{\dots \sqrt[p]{p}}}}$, जहाँ $p \geq 2, p \in \mathbb{N}; n \in \mathbb{N}$ को सरलीकृत करने पर प्राप्त व्यंजक होगा—

- (A) p से स्वतंत्र (B) p एवं n से स्वतंत्र
(C) p एवं n दोनों पर निर्भर (D) धनात्मक

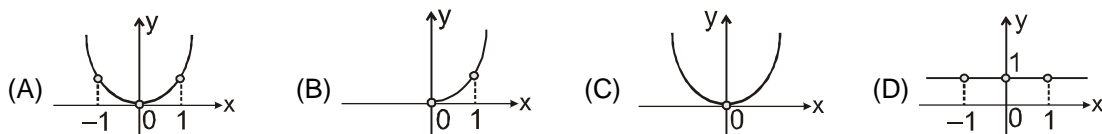
F-5. यदि $\log_x \log_{18}(\sqrt{2} + \sqrt{8}) = \frac{1}{3}$ हो, तो $1000x$ का मान है —

- (A) 8 (B) $1/8$ (C) $1/125$ (D) 125

F-6. समीकरण $\sqrt{\log_{10}(-x)} = \log_{10}\sqrt{x^2}$ के वास्तविक हलों की संख्या है —

- (A) शून्य (B) केवल एक (C) केवल दो (D) 4

F-7. $y = x^{\log_x x^2}$ का सही आलेख है —



खण्ड (G) : लघुगणकीय असमिकाएँ

G-1. असमिका $\log_{\sin(\frac{\pi}{3})}(x^2 - 3x + 2) \geq 2$ का हल समुच्चय है—

- (A) $(\frac{1}{2}, 2)$ (B) $(1, \frac{5}{2})$ (C) $[\frac{1}{2}, 1) \cup (2, \frac{5}{2}]$ (D) (1, 2)

G-2. यदि $\log_{0.3}(x-1) < \log_{0.09}(x-1)$ हो, तो x जिस अन्तराल में स्थित है, वह हैं—

- (A) (2, ∞) (B) (1, 2) (C) (-2, -1) (D) $(1, \frac{3}{2})$

G-3. असमिका $2 - \log_2(x^2 + 3x) \geq 0$ के हलों का समुच्चय हैं —

- (A) [-4, 1] (B) [-4, -3) \cup (0, 1]
(C) $(-\infty, -3) \cup (1, \infty)$ (D) $(-\infty, -4) \cup [1, \infty)$

G-4. यदि $\log_{0.5} \log_5(x^2 - 4) > \log_{0.5} 1$ हो, तो x जिस अन्तराल में स्थित है, वह हैं —

- (A) $(-3, -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}, 3)$ (B) $(-3, -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}, 2)$
(C) $(\sqrt{5}, 3\sqrt{5})$ (D) ϕ

G-5. असमिका $(1/2)^{x^2 - 2x} < 1/4$ के सभी हलों का समुच्चय निम्न में से जिस समुच्चय को समाहित करता हैं, वह है—

- (A) $(-\infty, 0)$ (B) $(-\infty, 1)$ (C) (1, ∞) (D) (3, ∞)

G-6. असमिका $\log_2(4^x - 2 \cdot 2^x + 17) > 5$ को सन्तुष्ट नहीं करने वाले धनात्मक पूर्णांको की संख्या ज्ञात कीजिए।

- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 1

G-7. असमिका $\log_{1-x}(x-2) \geq -1$ के सभी हलों का समुच्चय है—

- (A) $(-\infty, 0)$ (B) (2, ∞) (C) $(-\infty, 1)$ (D) ϕ



भाग - III : कॉलम को सुमेलित कीजिए (MATCH THE COLUMN)

1. स्तम्भ I के समुच्चय P को स्तम्भ II में उसके अधिसमुच्चय Q से सुमेलित कीजिए -

स्तम्भ - I (set P)

- (A) $[3^{2n} - 8n - 1 : n \in \mathbb{N}]$
 (B) $\{2^{3n} - 1 : n \in \mathbb{N}\}$
 (C) $\{3^{2n} - 1 : n \in \mathbb{N}\}$
 (D) $\{2^{3n} - 7n - 1 : n \in \mathbb{N}\}$

स्तम्भ - II (set Q)

- (p) $\{49(n-1) : n \in \mathbb{N}\}$
 (q) $\{64(n-1) : n \in \mathbb{N}\}$
 (r) $\{7n : n \in \mathbb{N}\}$
 (s) $\{8n : n \in \mathbb{N}\}$

2. ✖

स्तम्भ - I

स्तम्भ - II

- (A) यदि $a = 3(\sqrt{8+2\sqrt{7}} - \sqrt{8-2\sqrt{7}})$, $b = \sqrt{(42)(30)+36}$ तब $\log_a b$ का मान बराबर है (p) -1
- (B) यदि $a = \sqrt{4+2\sqrt{3}} - \sqrt{4-2\sqrt{3}}$, $b = \sqrt{11+6\sqrt{2}} - \sqrt{11-6\sqrt{2}}$, हो, तो $\log_a b$ का मान बराबर है (q) 1
- (C) यदि $a = \sqrt{3+2\sqrt{2}}$, $b = \sqrt{3-2\sqrt{2}}$ हो, तो $\log_a b$ का मान बराबर है (r) 2
- (D) यदि $a = \sqrt{7+\sqrt{7^2-1}}$, $b = \sqrt{7-\sqrt{7^2-1}}$, हो, तो $\log_a b$ का मान बराबर है (s) $\frac{3}{2}$
- (E) प्रथम 20 अभाज्य संख्याओं के गुणनफल के अन्त में शून्यों की संख्या है (t) कोई नहीं
- (F) समीकरण $2^{2x} - 3^{2y} = 55$ के हलों की संख्या है जिसमें x और y पूर्णांक है

3.

स्तम्भ-I

स्तम्भ-II

- (A) जब पुनरावृत्ति दशमलव संख्या 0.363636.....को परिमेय भिन्न के सरलतम रूप में लिखा जा सकता है तब अंश व हर का योग है- (p) 4
- (B) दिये गये धनात्मक पूर्णांक p, q और r इस प्रकार हैं कि $p = 3^q \cdot 2^r$ और $100 < p < 1000$. $(q+r)$, के अधिकतम और न्यूनतम मान का अन्तर है- (q) 0
- (C) यदि $\log_8 a + \log_8 b = (\log_8 a)(\log_8 b)$ और $\log_a b = 3$ तब 'a' का मान है (r) 15
- (D) ✖ यदि $P = 3^{\sqrt{\log_3 2}} - 2^{\sqrt{\log_2 3}}$ हो तो P का मान है (s) 16

4.

स्तम्भ-I

स्तम्भ-II

- (A) $(0.\overline{6})$ का आधार 27 पर प्रति लघुगणक का मान है। (p) 5
- (B) आधार 2 पर 2008 के लघुगणक का पूर्णांश है
- (C) समीकरण $\log_e 2 \cdot \log_b 625 = \log_{10} 16 \cdot \log_e 10$ को सन्तुष्ट करने वाले b के मान है (q) 7
- (D) संख्या $\left(\frac{5}{6}\right)^{100}$ में दशमलव के बाद सार्थक अंक से पहले शून्यों की संख्या है (r) 9
- (s) 10
- (दिया गया है $\log_{10} 2 = 0.3010$ तथा $\log_{10} 3 = 0.4771$)



Exercise-2

चिह्नित प्रश्न दोहराने योग्य प्रश्न है।

* चिह्नित प्रश्न एक से अधिक सही विकल्प वाले प्रश्न है -

भाग-I : केवल एक सही विकल्प प्रकार (ONLY ONE OPTION CORRECT TYPE)

1. माना A_1, A_2 और A_3 समुच्चय X के उपसमुच्चय हैं। निम्न में से कौनसा सही है?
- (A) $A_1 \cup A_2 \cup A_3$, समुच्चय X का सबसे छोटा उपसमुच्चय है जो A_1, A_2 और A_3 प्रत्येक के अवयवों को रखता है।
 (B) $A_1 \cup A_2 \cup A_3$, समुच्चय X का सबसे छोटा उपसमुच्चय है जो या तो A_1 या $A_2 \cup A_3$ को रखता है परन्तु दोनों को नहीं।
 (C) X का सबसे छोटा उपसमुच्चय जो $A_1 \cup A_2$ तथा A_3 तथा X का सबसे छोटा उपसमुच्चय है जो A_1 और $A_2 \cup A_3$ दोनों को रखता है, समान होंगे केवल यदि $A_2 = A_3$
 (D) इनमें से कोई नहीं
2. माना कि सार्वनिष्ठ समुच्चय U के भिन्न-भिन्न उपसमुच्चय A, B, C है। U के उपसमुच्चय X के लिए, माना X' , U में X के पूरक समुच्चय को व्यक्त करता है।
 माना कि निम्न समुच्चय :
 1. $((A \cap B) \cup C)' \cap B' = B \cap C$ 2. $(A' \cap B') \cap (A \cup B \cup C)' = (A \cup (B \cup C))'$
 निम्न में से कौनसे कथन सही है ?
 (A) केवल 1 (B) केवल 2 (C) 1 और 2 दोनों (D) न तो 1 और न ही 2
3. एक कक्षा की परीक्षा में भौतिकी में कम से कम 70% विद्यार्थी फेल होते हैं, कम से कम 72% विद्यार्थी रसायन में फेल होते हैं, कम से कम 80% विद्यार्थी गणित में फेल होते हैं और कम से कम 85% विद्यार्थी अंग्रेजी में फेल होते हैं तब कम से कम इन सभी चारों विषयों में कितने विद्यार्थी फेल होते हैं?
 (A) 9% (B) 7%
 (C) 15% (D) अपर्याप्त आकड़ों के आधार पर ज्ञात नहीं किया जा सकता है।
4. माना X और Y दो समुच्चय है।
 वक्तव्य-1 $X \cap (Y \cup X)' = \phi$
 वक्तव्य-2 यदि $X \cup Y$ में m अवयव है तथा $X \cap Y$ में n अवयव है तब सममित अन्तर $X \Delta Y$ में $m - n$ अवयव है।
 (A) दोनों कथन सत्य है। (B) कथन-I सत्य है, परन्तु कथन-II असत्य है।
 (C) कथन-I असत्य है, परन्तु कथन-II सत्य है। (D) दोनों कथन असत्य है।
5. यदि $\frac{6x^2 - 5x - 3}{x^2 - 2x + 6} \leq 4$ हो, तो $4x^2$ का न्यूनतम एवं अधिकतम मान है—
 (A) 36 & 81 (B) 9 & 81 (C) 0 & 81 (D) 9 & 36
6. असमिका $\frac{(x^2 + 2)(\sqrt{x^2 - 16})}{(x^4 + 2)(x^2 - 9)} \leq 0$ के सभी वास्तविक हलों का योगफल है—
 (A) 5 (B) 4 (C) 8 (D) 0
7. यदि $\log_a b = 2$; $\log_b c = 2$ तथा $\log_3 c = 3 + \log_3 a$ तब $(a + b + c)$ बराबर है—
 (A) 90 (B) 93 (C) 102 (D) 243
8. माना $x = (\log_{1/3} 5) (\log_{125} 343) (\log_{49} 729)$ तथा $y = 25^{3 \log_{289} 11 \log_{28} \sqrt{17} \log_{331} 784}$ तब $\frac{y}{x}$ का मान होगा—
 (A) $\frac{5}{3}$ (B) $-\frac{5}{3}$ (C) $-\frac{4}{5}$ (D) $\frac{3}{7}$



9. व्यंजक : $\frac{\left(\frac{x^2+3x+2}{x+2}\right) + 3x - \frac{x(x^3+1)}{(x+1)(x^2-x+1)} \log_2 8}{(x-1)(\log_2 3)(\log_3 4)(\log_4 5)(\log_5 2)}$ को सरल करने पर प्राप्त होता है
- (A) $\frac{x+1}{x-1}$ (B) $\frac{x^2+3x+2}{(\log_2 5)x-1}$ (C) $\frac{3x}{x-1}$ (D) x
10. यदि a, b, c धनात्मक वास्तविक संख्याएँ इस प्रकार हैं कि $a^{\log_3 7} = 27$; $b^{\log_7 11} = 49$ तथा $c^{\log_{11} 25} = \sqrt{11}$ $\left(a^{(\log_3 7)^2} + b^{(\log_7 11)^2} + c^{(\log_{11} 25)^2}\right)$ का मान बराबर है
- (A) 489 (B) 469 (C) 464 (D) 400
11. माना कि कथन : $x(\alpha - x) < y(\alpha - y)$ सभी x और y के लिए $0 < x < y < 1$ कथन सही है
- (A) यदि और केवल यदि $\alpha \geq 2$ (B) यदि और केवल यदि $\alpha > 2$
 (C) यदि और केवल यदि $\alpha < -1$ (D) α के किसी मान के लिए नहीं।
12. असमिकाओं $\frac{\sqrt{(x-8)(2-x)}}{\log_{0.3} \left(\frac{10}{7} (\log_2 5 - 1)\right)} \geq 0$ और $2^{x-3} - 31 > 0$ को एक साथ संतुष्ट करने वाले 'x' के मानों का समुच्चय हैं-
- (A) एकल समुच्चय (B) रिक्त समुच्चय
 (C) एक अनन्त समुच्चय (D) एक ऐसा समुच्चय जिसमें ठीक 2 अवयव हैं।
13. असमिका $\frac{(3^x - 4^x) \cdot \ln(x+2)}{x^2 - 3x - 4} \leq 0$ के हलों का समुच्चय है -
- (A) $(-\infty, 0] \cup (4, \infty)$ (B) $(-2, 0] \cup (4, \infty)$ (C) $(-1, 0] \cup (4, \infty)$ (D) $(-2, -1) \cup (-1, 0] \cup (4, \infty)$
14. यदि $\sqrt{\log_4 \{\log_3 \{\log_2 (x^2 - 2x + a)\}\}}$, $\forall x \in \mathbb{R}$ के लिए परिभाषित है तब 'a' के मानों का समुच्चय है
- (A) $[9, \infty)$ (B) $[10, \infty)$ (C) $[15, \infty)$ (D) $[2, \infty)$
15. यदि $\log_{(2x+3)} (6x^2 + 23x + 21) = 4 - \log_{(3x+7)} (4x^2 + 12x + 9)$ हो, तो x का मान बराबर होगा-
- (A) $\frac{3}{4}$ (B) $-\frac{3}{4}$ (C) $-\frac{1}{4}$ (D) $\frac{3}{2}$

भाग-II : संख्यात्मक प्रश्न (NUMERICAL VALUE QUESTIONS)

निर्देश :

- इस खण्ड में प्रत्येक प्रश्न का उत्तर **संख्यात्मक मान** के रूप में है जिसमें दो पूर्णांक अंक तथा दो अंक दशमलव के बाद में हैं।
- यदि संख्यात्मक मान में दो से अधिक दशमलव स्थान हैं, तो संख्यात्मक मान को दशमलव के **दो स्थानों तक ट्रंकेट/राउंड ऑफ (truncate/round-off)** करें।

1. माना अवयवों की संख्या का समुच्चय U है जिसमें 2009 अवयव हैं तथा A और B , U के उपसमुच्चय हैं जिसमें $n(A \cup B) = 280$. यदि कुछ धनात्मक पूर्णाकों $x_1 < y_1 < x_2 < y_2$ के लिए $n(A' \cap B') = x_1^3 + x_2^3 = y_1^3 + y_2^3$ तब $\frac{x_2 + y_2}{x_1 + y_1}$ का मान ज्ञात कीजिए।



2. माना U एक समुच्चय है जिसमें 2009 अवयव है। A, U का उपसमुच्चय है जिसमें $n(A) = 1681$ तथा 1681 अवयव में से ठीक 1075 अवयव को U का उपसमुच्चय B रखता है। $n(A - B) = m^2 + p_1 p_2 p_3$ किसी धनात्मक पूर्णांक m तथा अभाज्य संख्या $p_1 < p_2 < p_3$ भिन्न-भिन्न अभाज्य संख्याएं तब न्यूनतम m के लिए $\frac{p_1 p_3}{p_2}$ ज्ञात कीजिए।
3. माना $A = \{(x, y) : x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}, x^3 + y^3 = 1\}$, $B = \{(x, y) : x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}, x - y = 1\}$ और $C = \{(x, y) : x \in \mathbb{R}, y \in \mathbb{R}, x + y = 1\}$ यदि $A \cap B$, 'p' अवयव रखता है और $A \cap C$, 'q' अवयव रखता है। तब $(q - p)$ ज्ञात कीजिए।
4. किसी कक्षा के 42 छात्रों में से भिन्न-भिन्न विषयों में से 23 छात्र गणित, 24 भौतिकी, 19 रसायन, 12 गणित और भौतिकी, 9 गणित और रसायन, 7 भौतिकी और रसायन तथा 4 सभी तीनों विषय पढ़ते हैं, तो ठीक एक विषय पढ़ने वाले छात्रों की संख्या ज्ञात कीजिए।
5. यदि $c(a - b) = a(b - c)$ तब $\frac{\log(a + c) + \log(a - 2b + c)}{\log(a - c)}$ का मान ज्ञात कीजिए। (मानाकि सभी पद परिभाषित है।)
6. यदि $\log_a a + \log_c a + \log_a b + \log_c b + \log_a c + \log_b c = 3$ (जहां a, b, c भिन्न-भिन्न धनात्मक वास्तविक संख्याएं $\neq 1$ है), हो, तो abc का मान ज्ञात कीजिए।
7. यदि $4^A + 9^B = 10^C$, जहां $A = \log_{16} 4$, $B = \log_3 9$ & $C = \log_x 83$ हो, तो x का मान ज्ञात कीजिए।
8. माना कि a, b, c, d धनात्मक पूर्णांक इस प्रकार है कि $\log_a b = \frac{3}{2}$ तथा $\log_c d = \frac{5}{4}$ यदि $(a - c) = 9$ हो तब $\frac{b + d}{a + c}$ का मान ज्ञात कीजिए।
9. धनात्मक संख्या x का मान ज्ञात कीजिए जो समीकरण $\log_{10}(2x^2 - 21x + 50) = 2$ को संतुष्ट करता है।
10. समीकरण $\log_{\frac{1}{2}}(x - 1) + \log_{\frac{1}{2}}(x + 1) - \log_{\frac{1}{\sqrt{2}}}(7 - x) = 1$ को सन्तुष्ट करने वाले x के मान ज्ञात कीजिए।
11. समीकरण $\log_{10}^2 x + \log_{10} x^2 = \log_{10}^2 2 - 1$ के मूलों का योग ज्ञात कीजिए।
12. यदि समीकरण $\frac{(2009)^x}{2010} = (2009)^{\log(201)^x}$ के वास्तविक हलों के गुणनफल को $\frac{m}{n}$ के सरलतम रूप में लिख सकते हैं तब $(m - n)$ का मान है
13. यदि असमिका $(\log_{10} x)^2 \geq \log_{10} x + 2$ के सम्पूर्ण हल समुच्चय $(0, a] \cup [100, \infty)$ है, तब a का मान ज्ञात कीजिये।
14. असमिका $\frac{1}{\log_4 \frac{x+1}{x+2}} < \frac{1}{\log_4(x+3)}$ का सम्पूर्ण हल समुच्चय $(-a, \infty)$ है, तो 'a' का मान ज्ञात कीजिए।
15. यदि असमिका $\log_{1/2}(x + 5)^2 > \log_{1/2}(3x - 1)^2$ का पूर्ण हल समुच्चय $(-\infty, p) \cup (q, r) \cup (s, \infty)$ हो तो $\frac{p^2 + q^2 + r^2}{s^2}$ का मान ज्ञात कीजिए -

भाग - III: एक या एक से अधिक सही विकल्प प्रकार (ONE OR MORE THAN ONE OPTIONS CORRECT TYPE)

1. माना कि $a > 2$, $a \in \mathbb{N}$ अचर है। यदि केवल 18 धनात्मक पूर्णांक असमिका $(x - a)(x - 2a)(x - a^2) < 0$ को सन्तुष्ट करते हैं तब निम्न में से कौनसा विकल्प सही है ?
 (A) 'a' संयुक्त है। (B) 'a' विषम है।
 (C) 'a', 8 से बड़ा है। (D) 'a' अन्तराल (3, 11) में स्थित है।
2. माना $N = \frac{\log_3 135}{\log_{15} 3} - \frac{\log_3 5}{\log_{405} 3}$ हो, तो N है -
 (A) एक प्राकृत संख्या (B) एक अभाज्य संख्या (C) एक परिमेय संख्या (D) एक पूर्णांक संख्या



3. समीकरण $\log_5^2 x + \log_{5x} \left(\frac{5}{x} \right) = 1$ को संतुष्ट करने वाले x के मान हैं—
 (A) 1 (B) 5 (C) $\frac{1}{25}$ (D) 3
4. समीकरण $\log_{x^2} 16 + \log_{2x} 64 = 3$ के लिये —
 (A) एक अपरिमेय हल विद्यमान है। (B) कोई अभाज्य हल विद्यमान नहीं।
 (C) दो वास्तविक हल विद्यमान हैं। (D) एक पूर्णांक हल विद्यमान है।
5. समीकरण $x^{\left[(\log_3 x)^2 - \frac{9}{2} \log_3 x + 5 \right]} = 3\sqrt{3}$ के लिये —
 (A) ठीक तीन वास्तविक हल विद्यमान हैं। (B) कम से कम एक वास्तविक हल विद्यमान है।
 (C) ठीक एक अपरिमेय हल विद्यमान है। (D) सम्मिश्र मूल विद्यमान है।
6. समीकरण निकाय $\log_3 x + \log_3 y = 2 + \log_3 2$ एवं $\log_{27}(x + y) = \frac{2}{3}$ के हलों का समुच्चय है—
 (A) {6, 3} (B) {3, 6} (C) {6, 12} (D) {12, 6}
7. माना कि द्विघात समीकरण $(\log_{10} 8)x^2 - (\log_{10} 5)x = 2(\log_2 10)^{-1} - x$ है। निम्न में से कौनसा अपरिमेय है।
 (A) मूलों का योग (B) मूलों का गुणनफल (C) गुणांकों का योग (D) विवेचक
8. यदि $\log_a x = b$, a और x के स्वीकार्य मानों के लिए है, तब निम्न में से कौनसा कथन सही हो सकता है
 (A) यदि a तथा b दो अपरिमेय संख्याएं तब x परिमेय हो सकता है।
 (B) यदि a परिमेय तथा b अपरिमेय तब x परिमेय हो सकता है।
 (C) यदि a अपरिमेय है, b परिमेय है तब x परिमेय हो सकता है।
 (D) यदि a परिमेय और b परिमेय है तब x परिमेय हो सकता है।
9. निम्नलिखित में से कौनसे कथन सत्य हैं —
 (A) $\log_2 3 < \log_{12} 10$ (B) $\log_6 5 < \log_7 8$
 (C) $\log_3 26 < \log_2 9$ (D) $\log_{16} 15 > \log_{10} 11 > \log_7 6$
10. यदि $\frac{1}{2} \leq \log_{0.1} x \leq 2$ हो, तो
 (A) x का अधिकतम मान $\frac{1}{\sqrt{10}}$ है। (B) x का मान $\frac{1}{100}$ और $\frac{1}{\sqrt{10}}$ के बीच में है।
 (C) x का न्यूनतम मान $\frac{1}{10}$ है। (D) x का न्यूनतम मान $\frac{1}{100}$ है।

भाग - IV : अनुच्छेद (COMPREHENSION)

अनुच्छेद # 1

1000 व्यक्तियों के समूह में से 750 व्यक्ति हिन्दी और 400 व्यक्ति बंगाली बोल सकते हैं।

1. केवल हिन्दी बोलने वाले व्यक्तियों की संख्या है—
 (A) 300 (B) 400 (C) 500 (D) 600
2. केवल बंगाली बोलने वाले व्यक्तियों की संख्या है—
 (A) 150 (B) 250 (C) 50 (D) 100
3. हिन्दी और बंगाली दोनों भाषाएं बोलने वाले व्यक्तियों की संख्या है—
 (A) 50 (B) 100 (C) 150 (D) 200



अनुच्छेद # 2

माना समीकरण $\frac{1}{5 - 4\log_4 x} + \frac{4}{1 + \log_4 x} + = 3$ के मूलों का योगफल A को व्यक्त करता है।

यदि $2^m = 3$ और $3^n = 4$ हो, तो m और n के गुणनफल का मान B है

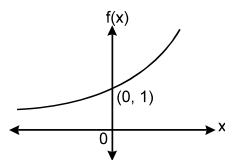
समीकरण $\log_{3x} \left(\frac{3}{x} \right) + (\log_3 x)^2 = 1$ के पूर्णांक मूलों का योगफल C है।

4. A + B बराबर है
(A) 10 (B) 6 (C) 8 (D) 4
5. B + C बराबर है
(A) 6 (B) 2 (C) 4 (D) 8
6. A + C ÷ B बराबर है
(A) 5 (B) 8 (C) 7 (D) 4

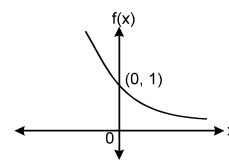
अनुच्छेद # 3

फलन $f(x) = a^x (a > 0, a \neq 1, x \in \mathbb{R})$ एक चरघातांकी फलन है। घातांकी फलनों के आरेख निम्न है।

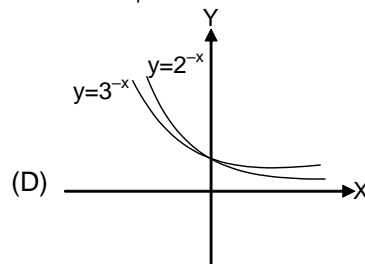
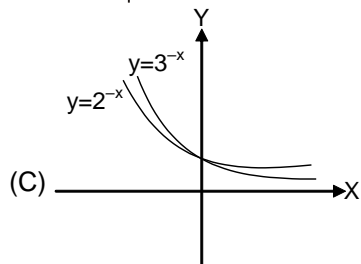
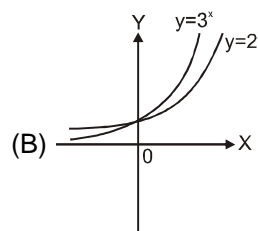
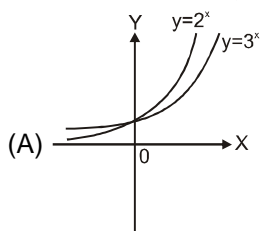
Case - I
For $a > 1$



Case - II
For $0 < a < 1$



7*. निम्न में से कौनसा सही है?



8. समीकरण $3^x + x - 2 = 0$ के हलों की संख्या है :
(A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4
9. समीकरण $\log_{1/2} x = 7^x$ के धनात्मक हलों की संख्या है :
(A) 0 (B) 1 (C) 2 (D) 3



Exercise-3

- * चिन्हित प्रश्न एक से अधिक सही विकल्प वाले प्रश्न हैं -
 ✗ चिन्हित प्रश्न दोहराने योग्य प्रश्न हैं।

भाग - I : JEE (ADVANCED) / IIT-JEE (पिछले वर्षों) के प्रश्न

- * चिन्हित प्रश्न एक से अधिक सही विकल्प वाले प्रश्न हैं -

- 1*. सभी सही वैकल्पिक हलों को पहचानिए जिसका \log का आधार 2 है। समीकरण $x^{(3/4)} (\log x)^2 + \log x^{-(5/4)} = \sqrt{2}$ रखती है। [JEE '89]
 (A) कम से कम एक वास्तविक हल (B) ठीक तीन वास्तविक हल
 (C) ठीक एक अपरिमेय हल (D) सम्मिश्र मूल
2. संख्या $\log_2 7$ है : [JEE '89]
 (A) एक पूर्णांक (B) एक परिमेय संख्या
 (C) एक अपरिमेय संख्या (D) एक अभाज्य संख्या
3. ✗ x के वे सभी वास्तविक मान ज्ञात कीजिए जो समीकरण $2 \log_2 \log_2 x + \log_{1/2} \log_2 (2\sqrt{2}x) = 1$ को सन्तुष्ट करते हैं। [REE - 1999, 6]
4. ✗ समीकरण $\log_{3/4} \log_8 (x^2 + 7) + \log_{1/2} \log_{1/4} (x^2 + 7)^{-1} = -2$ को हल कीजिए। [REE- 2000, 5]
5. $\log_4(x-1) = \log_2(x-3)$ के हलों की संख्या है- [IIT-JEE-2002, Scr., (1, 0)/35]
 (A) 3 (B) 1 (C) 2 (D) 0
6. माना कि $f(x) = \frac{x^2 - 6x + 5}{x^2 - 5x + 6}$ [IIT-JEE 2007, Paper-2, (6, 0), 81]
 स्तम्भ - I स्तम्भ - II
 (A) यदि $-1 < x < 1$, तब $f(x)$ संतुष्ट करता है (p) $0 < f(x) < 1$
 (B) यदि $1 < x < 2$, तब $f(x)$ संतुष्ट करता है (q) $f(x) < 0$
 (C) यदि $3 < x < 5$, तब $f(x)$ संतुष्ट करता है (r) $f(x) > 0$
 (D) यदि $x > 5$, तब $f(x)$ संतुष्ट करता है (s) $f(x) < 1$
7. ✗ यदि (x_0, y_0) समीकरणों $(2x)^{\ln 2} = (3y)^{\ln 3}$
 $3^{\ln x} = 2^{\ln y}$ का हल है, तो x_0 का मान है- [IIT-JEE 2011, Paper-1, (3, -1), 80]
 (A) $\frac{1}{6}$ (B) $\frac{1}{3}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) 6
8. ✗ पद $6 + \log_3 \left(\frac{1}{3\sqrt{2}} \sqrt{4 - \frac{1}{3\sqrt{2}}} \sqrt{4 - \frac{1}{3\sqrt{2}}} \sqrt{4 - \frac{1}{3\sqrt{2}}} \dots \right)$ का मान है। [IIT-JEE 2012, Paper-1, (4, 0), 70]
- 9*. यदि $3^x = 4^{x-1}$, तब $x =$ [JEE (Advanced) 2013, Paper-2, (3, -1)/60]
 (A) $\frac{2 \log_3 2}{2 \log_3 2 - 1}$ (B) $\frac{2}{2 - \log_2 3}$ (C) $\frac{1}{1 - \log_4 3}$ (D) $\frac{2 \log_2 3}{2 \log_2 3 - 1}$
10. $((\log_2 9)^2)^{\frac{1}{\log_2(\log_2 9)}} \times (\sqrt{7})^{\frac{1}{\log_4 7}}$ का मान है _____ [JEE(Advanced) 2018, Paper-1, (4, -2)/60]



भाग - II : JEE (MAIN) / AIEEE (पिछले वर्षों) के प्रश्न

1. यदि $\log_p x = \alpha$ तथा $\log_q x = \beta$, तो $\log_{pq} x$ का मान है [KCET-1997]
 (1) $\frac{\alpha - \beta}{\alpha\beta}$ (2) $\frac{\beta - \alpha}{\alpha\beta}$ (3) $\frac{\alpha\beta}{\alpha - \beta}$ (4) $\frac{\alpha\beta}{\beta - \alpha}$
2. यदि $\log_x a$, $a^{x/2}$ तथा $\log_b x$ गुणोत्तर श्रेणी में है, तो x बराबर है [KCET-1998]
 (1) $\log_a(\log_b a)$ (2) $\log_a(\log_b a) + \log_a \log_b b$
 (3) $-\log_a(\log_b b)$ (4) इनमें से कोई नहीं
3. यदि $\log_x 256 = 8/5$, तो x का मान है [KCET-2000]
 (1) 64 (2) 16 (3) 32 (4) 8
4. यदि $\log 2$, $\log(2^x - 1)$ तथा $\log(2^x + 3)$ समान्तर श्रेणी में है, तो x का मान है [KCET-2000]
 (1) $5/2$ (2) $\log_2 5$ (3) $\log_2 3$ (4) $\log_3 2$
5. संख्या $\log_2 7$ है [DCE-2000]
 (1) पूर्णांक (2) परिमेय (3) अपरिमेय (4) अभाज्य संख्या
6. समीकरण $\log_2(x^2 - 4x + 5) = (x - 2)$ के हल है [KCET-2001]
 (1) 4, 5 (2) 2, -3 (3) 2, 3 (4) 3, 5
7. यदि $x = 198!$, तो व्यंजक $\frac{1}{\log_2 x} + \frac{1}{\log_3 x} + \dots + \frac{1}{\log_{198} x}$ का मान बराबर है [DCE-2005]
 (1) -1 (2) 0 (3) 1 (4) 198
8. यदि $\log_{0.3}(x - 1) < \log_{0.09}(x - 1)$, तो x किस अन्तराल में स्थित है [DCE-2006]
 (1) $(2, \infty)$ (2) $(1, 2)$ (3) $(-2, -1)$ (4) इनमें से कोई नहीं
9. यदि A, B एवं C तीन समुच्चय इस प्रकार है कि $A \cap B = A \cap C$ एवं $A \cup B = A \cup C$ तब— [AIEEE-2009, (4, -1), 144]
 (1) $A = C$ (2) $B = C$ (3) $A \cap B = \phi$ (4) $A = B$
10. माना $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ है। इससे निर्मित किए जा सकने वाले विभिन्न क्रमिक युग्मों (Y, Z) , जो इस प्रकार हैं कि $Y \subseteq X, Z \subseteq X$ तथा $Y \cap Z$ रिक्त समुच्चय है, की संख्या है : [AIEEE-2012, (4, -1), 120]
 (1) 5^2 (2) 3^5 (3) 2^5 (4) 5^3
11. यदि $X = \{4^n - 3n - 1 : n \in \mathbb{N}\}$ तथा $Y = \{9(n - 1) : n \in \mathbb{N}\}$, है, जहाँ N प्राकृत संख्याओं का समुच्चय है, तो $X \cup Y$ बराबर है— [JEE(Main) 2014, (4, -1), 120]
 (1) X (2) Y (3) N (4) $Y - X$
12. x के उन सभी वास्तविक मानों का योग जो समीकरण $(x^2 - 5x + 5)^{x^2 + 4x - 60} = 1$ को संतुष्ट करते हैं, है : [JEE(Main) 2016, (4, -1), 120]
 (1) -4 (2) 6 (3) 5 (4) 3
13. 140 विद्यार्थियों, जिनके क्रमांक 1 से 140 हैं, की एक कक्षा में सभी सम क्रमांक के विद्यार्थियों ने गणित विषय चुना है, उन्होंने जिनके क्रमांक 3 से विभाजित होते हैं भौतिक शास्त्र विषय चुना है तथा उन्होंने जिनके क्रमांक 5 से विभाजित होते हैं, रसायन शास्त्र विषय चुना है। तो उन विद्यार्थियों की संख्या, जिन्होंने इन तीन में से कोई भी विषय नहीं चुना है, है: [JEE(Main) 2019, Online (10-01-19), P-1 (4, -1), 120]
 (1) 38 (2) 42 (3) 102 (4) 1
14. माना $X = \{n \in \mathbb{N} : 1 \leq n \leq 50\}$. यदि $A = \{n \in X : n, 2 \text{ का एक गुणज है}\}$; $B = \{n \in X : n, 7 \text{ का एक गुणज है}\}$, तो X के सबसे छोटे उपसमुच्चय, जिसमें A तथा B दोनों हैं, में अवयवों की संख्या है _____.



Answers

EXERCISE - 1

PART - I

खण्ड (A) :

- A-1. (i) हाँ (ii) हाँ (iii) हाँ (iv) नहीं
- A-2. (i) {2,3,5,7} (ii) {3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}
- A-3. (i) $\{x : x = \frac{p}{q}, p \in I, q \in N\}$ (ii) $\{x : x = \lambda^2 + 1, \lambda \in N\}$
- A-4. (i) परिमित (ii) परिमित और रिक्त
(iii) एकल और परिमित (iv) अपरिमित
- A-5. $\{\phi, \{\phi\}, \{\{\phi\}\}, A\}$

खण्ड (B) :

- B-1. (i) {1, 2, 3, 4} (ii) {1, 2, 3} (iii) {4, 5, 6}
- B-2. {3, 5, 9}
- B-3. $d = bc$
- B-4. (i) न्यूनतम $n(A \cap B) = 0$, अधिकतम $n(A \cap B) = 3$ (ii) न्यूनतम $n(A \cup B) = 6$, अधिकतम $n(A \cup B) = 9$

खण्ड (C) :

- C-1. 300 C-2. 25 C-3. 3300 C-4. (i) 45 (ii) 6

खण्ड (D) :

- D-1. (i) $(-3, -2) \cup (1, 3)$ (ii) $\{-2\} \cup [1, 8)$
(iii) $(-\infty, -2) \cup (-2, -1/2) \cup (1, \infty)$ (iv) $[-\sqrt{2}, -1) \cup (-1, \sqrt{2}] \cup [3, 4)$
(v) $(-\infty, -2] \cup (-1, 4)$
- D-2. (i) $(-17/25, -3/8)$ (ii) $x \in (-6, -1) \cup (1, 4)$
(iii) $(-3, -2) \cup (-1, \infty)$ (iv) $x \in (-1, 0) \cup (0, 1)$
- D-3. (i) $\left[-2, \frac{3-\sqrt{5}}{2}\right] \cup \left[1, \frac{3+\sqrt{5}}{2}\right]$ (ii) $(-\infty, -20) \cup (23, \infty)$
(iii) $\left(\frac{1}{2}, 3\right)$ (iv) $(-\infty, -1) \cup (5, \infty)$
- D-4. (i) $x \in [-2, -1] \cup [1, 2]$ (ii) $x \in [-3, 3]$
(iii) $x \in (-\infty, -4] \cup [-2, -1) \cup [1, \infty)$
- D-5. (i) $\left(-\infty, -\frac{5}{2}\right)$ (ii) $\left(\frac{25}{4}, \infty\right)$ (iii) $\left(-\frac{2}{5}, 0\right)$ D-6. 2

खण्ड (E) :

- E-1. (i) 1 (ii) -72 (iii) 2 (iv) 1 (v) $7 + \frac{1}{196}$ (vi) 0
- E-2. (i) +ve (ii) -ve (iii) +ve (iv) +ve
(v) +ve (vi) -ve (vii) +ve (viii) -ve (ix) -ve
- E-3. (i) $b - 2a$ (ii) $a + 3b$ (iii) $\frac{2b^2 + 3a^2}{ab}$ (iv) $\frac{4(2a+b)}{1-a+2b}$
- E-4. (i) 1 (ii) 89 (iii) -1

**खण्ड (F) :**

- F-1.** (i) 3 (ii) ± 2 (iii) 3 (iv) 16
 (v) $\{1/3\}$ (vi) $\{-4\}$ (vii) कोई मूल नहीं (viii) (2)
- F-2.** (i) 9 (ii) $\log_2 6$ (iii) 10 or $\frac{1}{100}$ (iv) $\{10^{-5}, 10^3\}$

खण्ड (G) :

- G-1.** (i) $\left[-\frac{1}{2}, -\frac{1}{4}\right] \cup \left(\frac{3}{4}, 1\right]$ (ii) $(1, 2) \cup (3, 4)$
 (iii) $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right)$ (iv) $(-1, 0) \cup (1, 2)$
 (v) $(-\infty, 2)$
- G-2.** 1
- G-3.** (i) $\left[\frac{1}{2}, 4\right]$ (ii) R (iii) $(0, \log_{\frac{3}{2}} 3)$
- G-4.** (i) $\left(\frac{3}{4}, 1\right) \cup (1, 3]$
 (ii) $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$
 (iii) $x \in (-2, -1) \cup (-1, 0) \cup (0, 1) \cup (2, \infty)$

PART - II**खण्ड (A) :**

- A-1.** (D) **A-2.** (A) **A-3.** (D) **A-4.** (A) **A-5.** (D) **A-6.** (B)

खण्ड (B) :

- B-1.** (B) **B-2.** (A) **B-3.** (D) **B-4.** (B) **B-5.** (A) **B-6.** (B) **B-7.** (A)
B-8. (D)

खण्ड (C) :

- C-1.** (B) **C-2.** (C) **C-3.** (C) **C-4.** (B)

खण्ड (D) :

- D-1.** (B) **D-2.** (D) **D-3.** (D) **D-4.** (B) **D-5.** (D) **D-6.** (D) **D-7.** (D)

खण्ड (E) :

- E-1.** (A) **E-2.** (D) **E-3.** (B) **E-4.** (D) **E-5.** (D) **E-6.** (D) **E-7.** (A)
E-8. (A) **E-9.** (D)

खण्ड (F) :

- F-1.** (D) **F-2.** (C) **F-3.** (B) **F-4.** (A) **F-5.** (D) **F-6.** (C) **F-7.** (B)

खण्ड (G) :

- G-1.** (C) **G-2.** (A) **G-3.** (B) **G-4.** (A) **G-5.** (D) **G-6.** (A) **G-7.** (D)

PART - II

1. (A) \rightarrow (q), (B) \rightarrow (r), (C) \rightarrow (s), (D) \rightarrow (p)
 2. (A) \rightarrow r, (B) \rightarrow s, (C) \rightarrow p, (D) \rightarrow p, (E) \rightarrow q, (F) \rightarrow q
 3. (A) \rightarrow r, (B) \rightarrow p, (C) \rightarrow s, (D) \rightarrow q
 4. (A) \rightarrow r, (B) \rightarrow s, (C) \rightarrow p, (D) \rightarrow q



EXERCISE - 2

PART - I

1. (A) 2. (B) 3. (B) 4. (A) 5. (C) 6. (D) 7. (B)
 8. (B) 9. (A) 10. (B) 11. (A) 12. (A) 13. (D) 14. (A)
 15. (C)

PART - II

1. 02.20 2. 12.28 or 12.29 3. 01.00 4. 22.00 5. 02.00 6. 01.00
 7. 10.00 8. 03.82 or 03.83 9. 12.50 10. 03.00 11. 00.25 12. 01.00
 13. 00.01 14. 01.00 15. 05.66 or 05.67

PART - III

1. (BD) 2. (ABCD) 3. (ABC) 4. (ABCD) 5. (ABCD) 6. (AB)
 7. (CD) 8. (ABCD) 9. (BC) 10. (ABD)

PART - IV

1. (D) 2. (B) 3. (C) 4. (C) 5. (A) 6. (B) 7. (BC)
 8. (A) 9. (B)
-

EXERCISE - 3**PART - I**

1. (ABCD) 2. (C) 3. $x = 8$ 4. $x = 3$ or -3 5. (B)
 6. (A) \rightarrow (p), (r), (s) ; (B) \rightarrow (q), (s) ; (C) \rightarrow (q), (s) ; (D) \rightarrow (p), (r), (s)
 7. (C) 8. (4) 9. (ABC) 10. 8

PART - II

1. (4) 2. (1) 3. (3) 4. (2) 5. (3) 6. (3) 7. (3)
 8. (1) 9. (2) 10. (2) 11. (2) 12. (4) 13. (1) 14. 29





LOGARITHM TABLE

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9
10	0000	0043	0086	0128	0170						5 9 13	17 21 26	30 34 38
						0212	0253	0294	0334	0374	4 8 12	16 20 24	28 32 36
11	0414	0453	0492	0531	0569						4 8 12	16 20 23	27 31 35
						0607	0645	0682	0719	0755	4 7 11	15 18 22	26 29 33
12	0792	0828	0864	0899	0934						3 7 11	14 18 21	25 28 32
						0969	1004	1038	1072	1106	3 7 10	14 17 20	24 27 31
13	1139	1173	1206	1239	1271						36 10	13 16 19	23 26 29
						1303	1335	1367	1399	1430	37 10	13 16 19	22 25 29
14	1461	1492	1523	1553	1584						36 9	12 15 19	22 25 28
						1614	1644	1673	1703	1732	36 9	12 14 17	22 25 26
15	1761	1790	1818	1847	1875						3 6 9	11 14 17	20 23 26
						1903	1931	1959	1987	2014	3 6 8	11 14 17	19 22 25
16	2041	2068	2095	2122	2148						3 6 8	11 14 16	19 22 24
						2175	2201	2227	2253	2279	3 5 8	10 13 16	18 21 23
17	2304	2330	2355	2380	2405						3 5 8	10 13 15	18 20 23
						2430	2455	2480	2504	2529	3 5 8	10 12 15	17 20 22
18	2553	2577	2601	2625	2648						2 5 7	9 12 14	17 19 21
						2672	2695	2718	2742	2765	2 4 7	9 11 14	16 18 21
19	2788	2810	2833	2856	2878						2 4 7	9 11 13	16 18 20
						2900	2923	2945	2967	2989	2 4 6	8 11 13	15 17 19
20	3010	3032	3054	3075	3096	3118	3139	3160	3181	3201	2 4 6	8 11 13	15 17 19
21	3222	3243	3263	3284	3304	3324	3345	3365	3385	3404	2 4 6	8 10 12	14 16 18
22	3424	3444	3464	3483	3502	3522	3541	3560	3579	3598	2 4 6	8 10 12	14 15 17
23	3617	3636	3655	3674	3692	3711	3729	3747	3766	3784	2 4 6	7 9 11	13 15 17
24	3802	3820	3838	3856	3874	3892	3909	3927	3945	3962	2 4 5	7 9 11	12 14 16
25	3979	3997	4014	4031	4048	4065	4082	4099	4116	4133	2 3 5	7 9 10	12 14 15
26	4150	4166	4183	4200	4216	4232	4249	4265	4281	4298	2 3 5	7 8 10	11 13 15
27	4314	4330	4346	4362	4378	4393	4409	4425	4440	4456	2 3 5	6 8 9	11 13 14
28	4472	4487	4502	4518	4533	4548	4564	4579	4594	4609	2 3 5	6 8 9	11 12 14
29	4624	4639	4654	4669	4683	4698	4713	4728	4742	4757	1 3 4	6 7 9	10 12 13
30	4771	4786	4800	4814	4829	4843	4857	4871	4886	4900	1 3 4	6 7 9	10 11 13
31	4914	4928	4942	4955	4969	4983	4997	5011	5024	5038	1 3 4	6 7 8	10 11 12
32	5051	5065	5079	5092	5105	5119	5132	5145	5159	5172	1 3 4	5 7 8	9 11 12
33	5185	5198	5211	5224	5237	5250	5263	5276	5289	5302	1 3 4	5 6 8	9 10 12
34	5315	5328	5340	5353	5366	5378	5391	5403	5416	5428	1 3 4	5 6 8	9 10 11
35	5441	5453	5465	5478	5490	5502	5514	5527	5539	5551	1 2 4	5 6 7	9 10 11
36	5563	5575	5587	5599	5611	5623	5635	5647	5658	5670	1 2 4	5 6 7	8 10 11
37	5682	5694	5705	5717	5729	5740	5752	5763	5775	5786	1 2 3	5 6 7	8 9 10
38	5798	5809	5821	5832	5843	5855	5866	5877	5888	5899	1 2 3	5 6 7	8 9 10
39	5911	5922	5933	5944	5955	5966	5977	5988	5999	6010	1 2 3	4 5 7	8 9 10
40	6021	6031	6042	6053	6064	6075	6085	6096	6107	6117	1 2 3	4 5 6	8 9 10
41	6128	6138	6149	6160	6170	6180	6191	6201	6212	6222	1 2 3	4 5 6	7 8 9
42	6232	6243	6253	6263	6274	6284	6294	6304	6314	6325	1 2 3	4 5 6	7 8 9
43	6335	6345	6355	6365	6375	6385	6395	6405	6415	6425	1 2 3	4 5 6	7 8 9
44	6435	6444	6454	6464	6474	6484	6493	6503	6513	6522	1 2 3	4 5 6	7 8 9
45	6532	6542	6551	6561	6571	6580	6590	6599	6609	6618	1 2 3	4 5 6	7 8 9
46	6628	6637	6646	6656	6665	6675	6684	6693	6702	6712	1 2 3	4 5 6	7 7 8
47	6721	6730	6739	6749	6758	6767	6776	6785	6794	6803	1 2 3	4 5 5	6 7 8
48	6812	6821	6830	6839	6848	6857	6866	6875	6884	6893	1 2 3	4 4 5	6 7 8
49	6902	6911	6920	6928	6937	6946	6955	6964	6972	6981	1 2 3	4 4 5	6 7 8



LOGARITHM TABLE

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9
50	6990	6998	7007	7016	7024	7033	7042	7050	7059	7067	1 2 3	3 4 5	6 7 8
51	7076	7084	7093	7101	7110	7118	7126	7135	7143	7152	1 2 3	3 4 5	6 7 8
52	7160	7168	7177	7185	7193	7202	7210	7218	7226	7235	1 2 2	3 4 5	6 7 7
53	7243	7251	7259	7267	7275	7284	7292	7300	7308	7316	1 2 2	3 4 5	6 6 7
54	7324	7332	7340	7348	7356	7364	7372	7380	7388	7396	1 2 2	3 4 5	6 6 7
55	7404	7412	7419	7427	7435	7443	7451	7459	7466	7474	1 2 2	3 4 5	5 6 7
56	7482	7490	7497	7505	7513	7520	7528	7536	7543	7551	1 2 2	3 4 5	5 6 7
57	7559	7566	7574	7582	7589	7597	7604	7612	7619	7627	1 2 2	3 4 5	5 6 7
58	7634	7642	7649	7657	7664	7672	7679	7686	7694	7701	1 1 2	3 4 4	5 6 7
59	7709	7716	7723	7731	7738	7745	7752	7760	7767	7774	1 1 2	3 4 4	5 6 7
60	7782	7789	7796	7803	7810	7818	7825	7832	7839	7846	1 1 2	3 4 4	5 6 6
61	7853	7860	7868	7875	7882	7889	7896	7903	7910	7917	1 1 2	3 4 4	5 6 6
62	7924	7931	7938	7945	7952	7959	9766	7973	7980	7987	1 1 2	3 3 4	5 6 6
63	7993	8000	8007	8014	8021	8028	8035	8041	8048	8055	1 1 2	3 3 4	5 5 6
64	8062	8069	8075	8082	8089	8096	8102	8109	8116	8122	1 1 2	3 3 4	5 5 6
65	8129	8136	8142	8149	8156	8162	8169	8176	8182	8189	1 1 2	3 3 4	5 5 6
66	8195	8202	8209	8215	8222	8228	8235	8241	8248	8254	1 1 2	3 3 4	5 5 6
67	8261	8267	8274	8280	8287	8293	8299	8306	8312	8319	1 1 2	3 3 4	5 5 6
68	8325	8331	8338	8344	8351	8357	8363	8370	8376	8382	1 1 2	3 3 4	4 5 6
69	8388	8395	8401	8407	8414	8420	8426	8432	8439	8445	1 1 2	2 3 4	4 5 6
70	8451	8457	8463	8470	8476	8482	8488	8494	8500	8506	1 1 2	2 3 4	4 5 6
71	8513	8519	8525	8531	8537	8543	8549	8555	8561	8567	1 1 2	2 3 4	4 5 5
72	8573	8579	8585	8591	8597	8603	8609	8615	8621	8627	1 1 2	2 3 4	4 5 5
73	8633	8639	8645	8651	8657	8663	8669	8675	8681	8686	1 1 2	2 3 4	4 5 5
74	8692	8698	8704	8710	8716	8722	8727	8733	8739	8745	1 1 2	2 3 4	4 5 5
75	8751	8756	8762	8768	8774	8779	8785	8791	8797	8802	1 1 2	2 3 3	4 5 5
76	8808	8814	8820	8825	8831	8837	8842	8848	8854	8859	1 1 2	2 3 3	4 5 5
77	8865	8871	8876	8882	8887	8893	8899	8904	8910	8915	1 1 2	2 3 3	4 4 5
78	8921	8927	8932	8938	8943	8949	8954	8960	8965	8971	1 1 2	2 3 3	4 4 5
79	8976	9882	8987	8993	8998	9004	9009	9015	9020	9025	1 1 2	2 3 3	4 4 5
80	9031	9036	9042	9047	9053	9058	9063	9069	9074	9079	1 1 2	2 3 3	4 4 5
81	9085	9090	9096	9101	9106	9112	9117	9122	9128	9133	1 1 2	2 3 3	4 4 5
82	9138	9143	9149	9154	9159	9165	9170	9175	9180	9186	1 1 2	2 3 3	4 4 5
83	9191	9196	9201	9206	9212	9217	9222	9227	9232	9238	1 1 2	2 3 3	4 4 5
84	9243	9248	9253	9258	9263	9269	9274	9279	9284	9289	1 1 2	2 3 3	4 4 5
85	9294	9299	9304	9309	9315	9320	9325	9330	9335	9340	1 1 2	2 3 3	4 4 5
86	9345	9350	9355	9360	9365	9370	9375	9380	9385	9390	1 1 2	2 3 3	4 4 5
87	9395	9400	9405	9410	9415	9420	9425	9430	9435	9440	0 1 1	2 2 3	3 4 4
88	9445	9450	9455	9460	9465	9469	9474	9479	9484	9489	0 1 1	2 2 3	3 4 4
89	9494	9499	9504	9509	9513	9518	9523	9528	9533	9538	0 1 1	2 2 3	3 4 4
90	9542	9547	9552	9557	9562	9566	9571	9576	9581	9586	0 1 1	2 2 3	3 4 4
91	9590	9595	9600	9605	9609	9614	9619	9624	9628	9633	0 1 1	2 2 3	3 4 4
92	9638	9643	9647	9652	9657	9661	9666	9671	9675	9680	0 1 1	2 2 3	3 4 4
93	9685	9689	9694	8699	9703	9708	9713	9717	9722	9727	0 1 1	2 2 3	3 4 4
94	9731	9736	9741	9745	9750	9754	9759	9763	9768	9773	0 1 1	2 2 3	3 4 4
95	9777	9782	9786	9791	9795	9800	9805	9809	9814	9818	0 1 1	2 2 3	3 4 4
96	9823	9827	9832	9836	9841	9845	9850	9854	9859	9863	0 1 1	2 2 3	3 4 4
97	9868	9872	9877	9881	9886	9890	9894	9899	9903	9908	0 1 1	2 2 3	3 4 4
98	9912	9917	9921	9926	9930	9934	9939	9943	9948	9952	0 1 1	2 2 3	3 4 4
99	9956	9961	9965	9969	9974	9978	9983	9987	9991	9996	0 1 1	2 2 3	3 4 4



ANTILOGARITHM TABLE

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9
.00	1000	1002	1005	1007	1009	1012	1014	1016	1019	1021	0 0 1	1 1 1	2 2 2
.01	1023	1026	1028	1030	1033	1035	1038	1040	1042	1045	0 0 1	1 1 1	2 2 2
.02	1047	1050	1052	1054	1057	1059	1062	1064	1067	1069	0 0 1	1 1 1	2 2 2
.03	1072	1074	1076	1079	1081	1084	1086	1089	1091	1094	0 0 1	1 1 1	2 2 2
.04	1096	1099	1102	1104	1107	1109	1112	1114	1117	1119	0 1 1	1 1 2	2 2 2
.05	1122	1125	1127	1130	1132	1135	1138	1140	1143	1146	0 1 1	1 1 2	2 2 2
.06	1148	1151	1153	1156	1159	1161	1164	1167	1169	1172	0 1 1	1 1 2	2 2 2
.07	1175	1178	1180	1183	1186	1189	1191	1194	1197	1199	0 1 1	1 1 2	2 2 2
.08	1202	1205	1208	1211	1213	1216	1219	1222	1225	1227	0 1 1	1 1 2	2 2 3
.09	1230	1233	1236	1239	1242	1245	1247	1250	1253	1256	0 1 1	1 1 2	2 2 3
.10	1259	1262	1265	1268	1271	1274	1276	1279	1282	1285	0 1 1	1 1 2	2 2 3
.11	1288	1291	1294	1297	1300	1303	1306	1309	1312	1315	0 1 1	1 2 2	2 2 3
.12	1318	1321	1324	1327	1330	1334	1337	1340	1343	1346	0 1 1	1 2 2	2 2 3
.13	1349	1352	1355	1358	1361	1365	1368	1371	1374	1377	0 1 1	1 2 2	2 3 3
.14	1380	1384	1387	1390	1393	1396	1400	1403	1406	1409	0 1 1	1 2 2	2 3 3
.15	1413	1416	1419	1422	1426	1429	1432	1435	1439	1442	0 1 1	1 2 2	2 3 3
.16	1445	1449	1452	1455	1459	1462	1466	1469	1472	1476	0 1 1	1 2 2	2 3 3
.17	1479	1483	1486	1489	1493	1496	1500	1503	1507	1510	0 1 1	1 2 2	2 3 3
.18	1514	1517	1521	1524	1528	1531	1535	1538	1542	1545	0 1 1	1 2 2	2 3 3
.19	1549	1552	1556	1560	1563	1567	1570	1574	1578	1581	0 1 1	1 2 2	3 3 3
.20	1585	1589	1592	1596	1600	1603	1607	1611	1614	1618	0 1 1	1 2 2	3 3 3
.21	1622	1626	1629	1633	1637	1641	1644	1648	1652	1656	0 1 1	2 2 2	3 3 3
.22	1660	1663	1667	1671	1675	1679	1683	1687	1690	1694	0 1 1	2 2 2	3 3 3
.23	1698	1702	1706	1710	1714	1718	1722	1726	1730	1734	0 1 1	2 2 2	3 3 4
.24	1738	1742	1746	1750	1754	1758	1762	1766	1770	1774	0 1 1	2 2 2	3 3 4
.25	1778	1782	1786	1791	1795	1799	1803	1807	1811	1816	0 1 1	2 2 2	3 3 4
.26	1820	1824	1828	1832	1837	1841	1845	1849	1854	1858	0 1 1	2 2 3	3 3 4
.27	1862	1866	1871	1875	1879	1884	1888	1892	1897	1901	0 1 1	2 2 3	3 3 4
.28	1905	1910	1914	1919	1923	1928	1932	1936	1841	1845	0 1 1	2 2 3	3 4 4
.29	1950	1954	1959	1963	1968	1972	1977	1982	1986	1991	0 1 1	2 2 3	3 4 4
.30	1995	2000	2004	2009	2014	2018	2023	2028	2032	2037	0 1 1	2 2 3	3 4 4
.31	2042	2046	2051	2056	2061	2065	2070	2075	2080	2084	0 1 1	2 2 3	3 4 4
.32	2089	2094	2099	2104	2109	2113	2118	2123	2128	2133	0 1 1	2 2 3	3 4 4
.33	2138	2143	2148	2153	2158	2163	2168	2173	2178	2183	0 1 1	2 2 3	3 4 4
.34	2188	2193	2198	2203	2208	2213	2218	2223	2328	2234	1 1 2	2 3 3	4 4 5
.35	2239	2244	2249	2254	2259	2265	2270	2275	2280	2286	1 1 2	2 3 3	4 4 5
.36	2291	2296	2301	2307	2312	2317	2323	2328	2333	2339	1 1 2	2 3 3	4 4 5
.37	2344	2350	2355	2360	2366	2371	2377	2382	2388	2393	1 1 2	2 3 3	4 4 5
.38	2399	2404	2410	2415	2421	2432	2427	2432	2443	2449	1 1 2	2 3 3	4 4 5
.39	2455	2460	2466	2472	2477	2483	2489	2495	2500	2506	1 1 2	2 3 3	4 5 5
.40	2512	2518	2523	2529	2535	2541	2547	2553	2559	2564	1 1 2	2 3 4	4 5 5
.41	2570	2576	2582	2588	2594	2600	2606	2612	2618	2624	1 1 2	2 3 4	4 5 5
.42	2630	2636	2642	2649	2655	2661	2667	2673	2679	2685	1 1 2	2 3 4	4 5 6
.43	2692	2698	2704	2710	2716	2723	2729	2735	2742	2748	1 1 2	3 3 4	4 5 6
.44	2754	2761	2767	2773	2780	2786	2793	2799	2805	2812	1 1 2	3 3 4	4 5 6
.45	2818	2825	2831	2838	2844	2851	2858	2864	2871	2877	1 1 2	3 3 4	5 5 6
.46	2884	2891	2897	2904	2911	2917	2924	2931	2938	2944	1 1 2	3 3 4	5 5 6
.47	2951	2958	2965	2972	2979	2985	2992	2999	3006	3013	1 1 2	3 3 4	5 5 6
.48	3020	3027	3034	3041	3048	3055	3062	3069	3076	3083	1 1 2	3 4 4	5 6 6
.49	3090	3097	3105	3112	3119	3126	3133	3141	3148	3155	1 1 2	3 4 4	5 6 6



ANTILOGARITHM TABLE

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2 3	4 5 6	7 8 9
.50	3162	3170	3177	3184	3192	3199	3206	3214	3221	3228	1 1 2	3 4 4	5 6 7
.51	3236	3243	3251	3258	3266	3273	3281	3289	3296	3304	1 2 2	3 4 5	5 6 7
.52	3311	3319	3327	3334	3342	3350	3357	3365	3373	3381	1 2 2	3 4 5	5 6 7
.53	3388	3396	3404	3412	3420	3428	3436	3443	3451	3459	1 2 2	3 4 5	6 6 7
.54	3467	3475	3483	3491	3499	3508	3516	3524	3532	3540	1 2 2	3 4 5	6 6 7
.55	3548	3556	3565	3573	3581	3589	3597	3606	3614	3622	1 2 2	3 4 5	6 6 7
.56	3631	3639	3648	3656	3664	3673	3681	3690	3698	3707	1 2 3	3 4 5	6 7 8
.57	3715	3724	3733	3741	3750	3758	3767	3776	3784	3793	1 2 3	3 4 5	6 7 8
.58	3802	3811	3819	3828	3837	3846	3855	3864	3873	3882	1 2 3	4 4 5	6 7 8
.59	3890	3899	3908	3917	3926	3936	3945	3954	3963	3972	1 2 3	4 5 5	6 7 8
.60	3981	3990	3999	4009	4018	4027	4036	4046	4055	4064	1 2 3	4 5 6	6 7 8
.61	4074	4083	4093	4102	4111	4121	4130	4140	4150	4156	1 2 3	4 5 6	7 8 9
.62	4169	4178	4188	4198	4207	4217	4227	4236	4246	4256	1 2 3	4 5 6	7 8 9
.63	4266	4276	4285	4295	4305	4315	4325	4335	4345	4355	1 2 3	4 5 6	7 8 9
.64	4365	4375	4385	4395	4406	4416	4426	4436	4446	4457	1 2 3	4 5 6	7 8 9
.65	4467	4477	4487	4498	4508	4519	4529	4539	4550	4560	1 2 3	4 5 6	7 8 9
.66	4571	4581	4592	4603	4613	4624	4634	4645	4656	4667	1 2 3	4 5 6	7 9 10
.67	4677	4688	4699	4710	4721	4732	4742	4753	4764	4775	1 2 3	4 5 7	8 9 10
.68	4786	4797	4808	4819	4831	4842	4853	4864	4875	4887	1 2 3	4 6 7	8 9 10
.69	4898	4909	4920	4932	4943	4955	4966	4977	4989	5000	1 2 3	5 6 7	8 9 10
.70	5012	5023	5035	5047	5058	5070	5082	5093	5105	5117	1 2 4	5 6 7	8 9 11
.71	5129	5140	5152	5164	5176	5188	5200	5212	5224	5236	1 2 4	5 6 7	8 10 11
.72	5248	5260	5272	5284	5297	5309	5321	5333	5346	5358	1 2 4	5 6 7	9 10 11
.73	5370	5383	5395	5408	5420	5433	5445	5458	5470	5483	1 3 4	5 6 8	9 10 11
.74	5495	5508	5521	5534	5546	5559	5572	5585	5598	5610	1 3 4	5 6 8	9 10 12
.75	5623	5636	5649	5662	5675	5689	5702	5715	5728	5741	1 3 4	5 7 8	9 10 12
.76	5754	5768	5781	5794	5808	5821	5834	5848	5861	5875	1 3 4	5 7 8	9 11 12
.77	5888	5902	5916	5929	5943	5957	5970	5984	5998	6012	1 3 4	5 7 8	10 11 12
.78	6026	6039	6053	6067	6081	6095	6109	6124	6138	6152	1 3 4	6 7 8	10 11 13
.79	6166	6180	6194	6209	6223	6237	6252	6266	6281	6295	1 3 4	6 7 9	10 11 13
.80	6310	6324	6339	6353	6368	6383	6397	6412	6427	6442	1 3 4	6 7 9	10 12 13
.81	6457	6471	6486	6501	6516	6531	6546	6561	6577	6592	2 3 5	6 8 9	11 12 14
.82	6607	6622	6637	6653	6668	6683	6699	6714	6730	6745	2 3 5	6 8 9	11 12 14
.83	6761	6776	6792	6808	6823	6839	6855	6871	6887	6902	2 3 5	6 8 9	11 13 14
.84	6918	6934	6950	6966	6982	6998	7015	7031	7047	7063	2 3 5	6 8 10	11 13 15
.85	7079	7096	7112	7129	7145	7161	7178	7194	7211	7228	2 3 5	7 8 10	12 13 15
.86	7244	7261	7278	7295	7311	7328	7345	7362	7379	7396	2 3 5	7 8 10	12 13 15
.87	7413	7430	7447	7464	7482	7499	7516	7534	7551	7568	2 3 5	7 9 10	12 14 16
.88	7586	7603	7621	7638	7656	7674	7691	7709	7727	7745	2 4 5	7 9 11	12 14 16
.89	7762	7780	7798	7816	7834	7852	7870	7889	7907	7925	2 4 5	7 9 11	13 14 16
.90	7943	7962	7980	7998	8017	8035	8054	8072	8091	8110	2 4 6	7 9 11	13 15 17
.91	8128	8147	8166	8185	8204	8222	8241	8260	8279	8299	2 4 6	8 9 11	13 15 17
.92	8318	8337	8356	8375	8395	8414	8433	8453	8472	8492	2 4 6	8 10 12	14 15 17
.93	8511	8531	8551	8570	8590	8610	8630	8650	8670	8690	2 4 6	8 10 12	14 16 18
.94	8710	8730	8750	8770	8790	8810	8831	8851	8872	8892	2 4 6	8 10 12	14 16 18
.95	8913	8933	8954	8974	8995	9016	9036	9057	9078	9099	2 4 6	8 10 12	15 17 19
.96	9120	9141	9162	9183	9204	9226	9247	9268	9290	9311	2 4 6	8 11 13	15 17 19
.97	9333	9354	9376	9397	9419	9441	9462	9484	9506	9528	2 4 7	9 11 13	15 17 20
.98	9550	9572	9594	9616	9638	9661	9683	9705	9727	9750	2 4 7	9 11 13	16 18 20
.99	9772	9795	9817	9849	9863	9886	9908	9931	9954	9977	2 5 7	9 11 14	16 18 20